

1.3. Uji Kolmogorov Smirnov

- ◆ Menguji kesesuaian distribusi sampel dengan distribusi teoritis
- ◆ Menguji kesesuaian distribusi dua buah sampel dari distribusi yang sama/tidak

Contoh

Hasil dari outopsi mendapatkan data berat otak 15 orang dewasa yang menderita penyakit X sbb:

| | | | | |
|------|------|------|------|-----|
| 1348 | 1140 | 1086 | 1039 | 920 |
| 1233 | 1146 | 1002 | 1012 | 904 |
| 1255 | 1168 | 1016 | 1001 | 973 |

Berdasarkan data di atas apakah dapat ditarik kesimpulan bahwa populasi asal sampel adalah normal dengan rata-rata 1083 dan simpangan baku 129 ?

Cara Komputasi

- i. H_0 : Distribusi populasi Normal
 H_1 : Distribusi populasi tidak normal
- ii. Dipilih tingkat signifikansi 0.05
- iii. Tabel

One-Sample Kolmogorov-Smirnov Test

| | berat |
|----------------------------------|---------|
| N | 15 |
| Normal Parameters ^{a,b} | |
| Mean | 1082.87 |
| Std. Deviation | 128.792 |
| Most Extreme Differences | |
| Absolute | .167 |
| Positive | .167 |
| Negative | -.082 |
| Kolmogorov-Smirnov Z | .645 |
| Asymp. Sig. (2-tailed) | .799 |

- a. Test distribution is Normal.
- b. Calculated from data.

iv. Kesimpulan :

Karena $0.05 < \text{Asymp.Sig(2-tailed)} = 0.799$
maka H_0 tidak ditolak, artinya distribusi
sampel dapat dikatakan berasal dari
distribusi normal.

Prinsip uji K-S :

Menghitung selisih absolut $F_s(x)$ (distribusi frekuensi kumulatif sampel) dengan $F_t(x)$ (distribusi frekuensi kumulatif teoritis)

$$D = |F_s(x) - F_t(x)| \max$$

Step Cara Manual

Asumsi:sampel adalah acak dari distr populasi kontinu

1. Susun hipotesis

- i. $H_0 : F(x) = F_t(x), \forall x$
- ii. $H_1 : F(x) \neq F_t(x)$, paling sedikit satu x

2. Urutkan data dari yang terkecil ke terbesar

| | | | | | | | |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 904 | 920 | 973 | 1001 | 1002 | 1012 | 1016 | 1039 |
| 1086 | 1140 | 1146 | | 1168 | 1233 | 1255 | 1348 |

3. Hitung distribusi FS(xi) dengan rata-rata 1083 dan simpangan baku 129 !

4. Hitung Ft(xi) dibantu tabel distribusi normal baku z, $z = (xi - rerata) / \text{simpangan baku}$

5. Hitung D!, tentukan D max

6. Tentukan kuantil statistik uji kolmogorov pada tabel K-S, sebut k

7. Jika $D > k$ maka H_0 tidak ditolak

4. Membuat $F_t(x_i)$

$$\bar{x} = 1082,87, \quad s = 128,792$$

3. Menyusun FS(x_i)

| x_i | f | f_{kum} | $F_s(x_i)$ |
|-------|---|-----------|------------|
| 904 | 1 | 1 | 0,066667 |
| 920 | 1 | 2 | 0,133333 |
| 973 | 1 | 3 | 0,2 |
| 1001 | 1 | 4 | 0,266667 |
| 1002 | 1 | 5 | 0,333333 |
| 1012 | 1 | 6 | 0,4 |
| 1016 | 1 | 7 | 0,466667 |
| 1039 | 1 | 8 | 0,533333 |
| 1086 | 1 | 9 | 0,6 |
| 1140 | 1 | 10 | 0,666667 |
| 1146 | 1 | 11 | 0,733333 |
| 1168 | 1 | 12 | 0,8 |
| 1233 | 1 | 13 | 0,866667 |
| 1255 | 1 | 14 | 0,933333 |
| 1348 | 1 | 15 | 1 |

| x_i | $\frac{x_i - \bar{x}}{s}$ | $F_t(x_i)$ |
|-------|---------------------------|------------|
| 904 | -178,867 | 0,0823 |
| 920 | -162,867 | 0,1038 |
| 973 | -109,867 | 0,1977 |
| 1001 | -81,867 | 0,2611 |
| 1002 | -80,867 | 0,2643 |
| 1012 | -70,867 | 0,2912 |
| 1016 | -66,867 | 0,3015 |
| 1039 | -43,867 | 0,3669 |
| 1086 | 3,133 | 0,508 |
| 1140 | 57,133 | 0,67 |
| 1146 | 63,133 | 0,6879 |
| 1168 | 85,133 | 0,7454 |
| 1233 | 150,133 | 0,877 |
| 1255 | 172,133 | 0,9082 |
| 1348 | 265,133 | 0,9798 |

5. Menentukan D

| $F_s(x_i)$ | $F_t(x_i)$ | $ F_s(x_i) - F_t(x_i) $ |
|------------|------------|-------------------------|
| 0,066667 | 0,0823 | 0,015597 |
| 0,133333 | 0,1038 | 0,029498 |
| 0,2 | 0,1977 | 0,002338 |
| 0,266667 | 0,2611 | 0,005567 |
| 0,333333 | 0,2643 | 0,069033 |
| 0,4 | 0,2912 | 0,1088 |
| 0,466667 | 0,3015 | 0,165167 |
| 0,533333 | 0,3669 | D=Maks 0,166433 |
| 0,6 | 0,508 | 0,092 |
| 0,666667 | 0,67 | 0,003333 |
| 0,733333 | 0,6879 | 0,045433 |
| 0,8 | 0,7454 | 0,0546 |
| 0,866667 | 0,877 | 0,010333 |
| 0,933333 | 0,9082 | 0,025133 |
| 1 | 0,9798 | 0,0202 |

6. Lihat Tabel KS, dengan $\alpha=0,05$, $n=15$ diperoleh $k=0,338$

7. Keputusan Uji:
Karena $D=0,1664 < k$
Maka H_0 tidak ditolak
d.k.l
Sampel berat otak berasal
dari distribusi Normal

1.4. Uji Independensi Chi Kuadrat

◆Ex :

Suatu studi dilakukan untuk mengetahui hubungan tentang persepsi mahasiswa terhadap metode pembelajaran dan pemilihan metode tersebut

| | | PERSEPSI MAHASISWA | |
|---------|------------|--------------------|-----------------|
| | | Antusias | Kurang antusias |
| PILIHAN | interaktif | 24 | 6 |
| | ceramah | 8 | 12 |

Langkah-langkah Penyelesaian

1. Susun Hipotesis :

H_0 : persepsi mahasiswa dan pemilihan model pembelajaran tidak saling bergantung

H_1 : persepsi mahasiswa dan pemilihan model pembelajaran saling bergantung

2. Statistika Uji

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}, \text{db} = (r-1)(c-1)$$

atau

$$\chi^2 = \frac{N(ad - bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$

3. Keputusan Uji

Tolak H_0 jika

$$\chi^2_{\text{hitung}} \geq \chi^2_{\text{tabel}}$$

$$\chi^2_{\text{tabel}} = \chi^2_{0,05;(2-1)(2-1)} = 3,84$$

| | |
|----------|----------|
| O11(E11) | O12(E12) |
| a | b |
| O21(E21) | O22(E22) |
| c | d |

| | | |
|----|----|----|
| 24 | 6 | 30 |
| 8 | 12 | 20 |
| 32 | 18 | 50 |

$$E_{11} = \frac{30 \times 32}{50} = 19,2$$

$$E_{12} = \frac{30 \times 18}{50} = 10,8$$

$$E_{21} = \frac{32 \times 20}{50} = 12,8$$

$$E_{22} = \frac{18 \times 20}{50} = 7,2$$

$$\begin{aligned}\chi^2 &= \frac{(24-19,2)^2}{19,2} + \frac{(6-10,8)^2}{10,8} \\ &\quad + \frac{(8-12,8)^2}{12,8} + \frac{(12-7,2)^2}{7,2} \\ &= 8,33\end{aligned}$$

◆ Karena $\chi^2_{\text{hitung}} = 8,33 \geq \chi^2_{\text{tabel}} = 3,84$

maka H_0 ditolak
d.k.l

Terdapat hubungan yang signifikan
antara persepsi dan pilihan mahasiswa
terhadap metode pembelajaran